# **ORBIT CORRECTION FOR S-LSR DISPERSION FREE MODE**

Hikaru Souda<sup>\*</sup>, Mikio Tanabe, Shinji Fujimoto, Hicham Fadil<sup>A</sup>, Masahiro Ikegami, Toshiyuki Shirai, Akira Noda ICR, Kyoto University, Gokasho, Uji-city, Kyoto, 611-0011

<sup>A</sup>MPI Kernphysik, Saupfercheckweg, Heidelberg, Germany

#### Abstract

Closed orbit correction will be applied to S-LSR for dispersion-free mode. Gradual transfer from normal mode to dispersion free one is needed and addition of electric field and correction of closed orbit distortion(COD) is shifted step by step to guide the ions through  $30 \times 26$ mm aperture in bending sections. Maximum COD is reduced from 2.5mm to 0.8mm using a proton beam. Based on this result, possible process to realize the dispersion-free mode is simulated. During the process, COD will be kept below 9mm, smaller than vertical aperture of  $\pm 13$ mm.

S-LSR Dispersion-Free Mode のための軌道補正

### 1. はじめに

京都大学化学研究所に建設された S-LSR<sup>[1]</sup> では、 <sup>24</sup>Mg<sup>+</sup> ビームの蓄積を開始し、レーザー冷却による ビーム結晶化を実現する準備を進めている。S-LSR は偏向部に電極を挿入し、電場と磁場の両方を用い てビームを偏向させることにより、一次の運動量分 散を消去する機構を備えている。

電場 B と磁場 E がともに存在する半径 r の偏向領 域では、電荷 q、質量 m、速度 v の粒子の運動量分 散  $\Delta r/r$  は

$$\frac{\Delta r}{r} = \frac{qr}{mv^2} \frac{\Delta v}{v} (vB - 2E) \tag{1}$$

のように表せる<sup>[2]</sup>。ここで、電場と磁場は遠心力の つりあいの条件

$$m\frac{v^2}{r} = q(vB - E) \tag{2}$$

を満たす必要がある。式(1)より、電場と磁場が

$$E = vB/2 \tag{3}$$

の条件を満たすとき、一次の運動量分散が消去され ることがわかる。

この電場を発生させる電極は主電極と中間電極からなり、開口径は水平方向30mm、鉛直方向26mmである。これは、もともとのビームアパーチャーと比べて著しく小さい。そのため、この電極を用いて無分散状態でビームを周回させるには、CODの補正が不可欠である。

## 2. S-LSR のアパーチャーと COD 発生源

S-LSR では現在まで、陽子ビームと Mg ビームを 分散消去用の電極を用いずに磁場のみによる偏向で 蓄積している。この正の運動量分散をもった運転状 態(通常モード)では、アパーチャーは大きく COD は 小さいため、ビームの周回は容易である。水平方向 のアパーチャーを制限するのは MCP(Micro Channel Plate) ビームプロファイルモニターの中間電極で、そ



図 1: 電極誤差による COD(( $\nu_x, \nu_y$ ) = (2.07, 2.07))

の大きさは±60mmである。鉛直方向は静電ビームポ ジションモニター (BPM)の電極板で±20mmに制限 される。主な COD 発生源は電子ビーム冷却装置(EC) 内のトロイド磁場、MCPの鉛直電場、そして偏向磁 石の BL 積の個性差である。

今後行う予定の、電場と磁場を併用した運転状態 (無分散モード=Dsipersion-Free Mode)では、これらの 状況が大きく異なり、アパーチャーは小さく、COD は大きくなる。分散消去用電極はアパーチャーを大き く制限し、水平方向に±15mm、鉛直方向に±13mm の範囲でしかビームは運動できない。また、電極の ギャップの小ささから製作誤差が大きく影響し、ギャッ プ長誤差と電極設置時の回転によって、数 cm 単位の COD が発生する。計算コード MAD <sup>[3]</sup>で計算したと ころ、チューン ( $\nu_x$ ,  $\nu_y$ ) = (2.07, 2.07) のときで図 1 のような COD が発生すると予測されている。結果 として、無分散モードでは表 1 にまとめたようにア パーチャーを上回る COD が発生するため、無分散 モードでのビーム周回には何らかの COD 補正が必要 となる。

#### 3. 陽子ビームでの COD 補正

S-LSR の COD 測定系・補正系は、2005 年から行っている陽子ビーム蓄積・冷却実験で使用している。このときの装置の構成は図2の通りである。ビームの周回には電場を用いず、電極はビーム軌道より十分

<sup>\*</sup> E-mail:souda@kyticr.kuicr.kyoto-u.ac.jp

表 1: 通	通常モー	ドと無分散モー	ドでのアパー	・チャーと
COD_				

	Normal	D-Free
水平アパーチャー	$\pm 60$ mm	$\pm 15$ mm
鉛直アパーチャー	$\pm 20$ mm	$\pm 13$ mm
水平 COD	$\pm 5$ mm	$\pm 12$ mm
鉛直 COD	$\pm 3 \text{mm}$	$\pm 40$ mm



図 2: COD 補正のブロック図

内側に移動させてある。水平方向の COD 補正は各偏 向磁石の補正電流および電子ビーム冷却装置のステ アリング磁石で行う。鉛直方向の補正は BPM を転用 した静電キッカーで行う(次節で詳述)。補正のシス テムは 8 個の BPM による測定系、BPM のスイッチ ング系、補正計算・制御系、そして 8 個の補正要素 からなる。リング中の BPM と補正要素の配置は図 3 のようになる。

ビームが通過する時に BPM の4つの電極板に誘導 された信号をスイッチ系で選択した後スペクトラム・ アナライザーで測定し、制御コンピュータでデータ 取得を行い、4つの極板の上下・左右を減算すること でビームの位置を計算する。こうして取得したビー ム位置をもとに、シンプレックス法を用いて最適な 補正要素の値の組を計算する。評価関数は中心軌道 からのずれの値の重みつき RMS で、計算に用いる応 答行列はあらかじめ実測したものを用いた。制御用 コンピュータは S-LSR のコントロール系に接続し、 各補正要素の値を計算で求めた値に設定することで、 COD の補正を行う。

補正の結果は図 4 の通りで、COD の最大値は 2.5mm から 0.8mm に減少している。残余の COD は、 EC ステアリング磁石の飽和によって可動範囲が狭く なったことから生じたものである。





### 4. 無分散モードでの補正計画

<sup>24</sup>Mg<sup>+</sup> ビームを無分散状態で蓄積するためには、 COD 補正を行いながら徐々に電場を上げていくこと が必要である。最初の段階では、電極をビーム通過 領域に移動させた状態で、電圧をかけずに(*E* = 0) 磁場だけで周回させる。この状態では、ビームは小 さくなったアパーチャーの中を、小さいままの COD で周回する。

次に、低い電圧をかけ、式(2)を満たすように磁場 も増加させる。電場の発生に伴い、電極の誤差によっ て COD が増大するが、かけた電圧が十分小さけれ ば、COD の増加は少量に抑えられ、ビームは電極に 衝突することなく周回を続けることができる。ここ でビーム位置を測定し、COD 補正を適用することに より、増加した COD を再び通常状態と同程度に低減 することが可能である。COD が低減すれば新たに電 場を付加することが可能となり、同様に COD 補正を 行うことができる。こうして、電場と磁場の上昇と COD 補正を繰り返すことにより、ビームを周回させ ながら無分散状態 (E = vB/2) に徐々に移行するこ とが可能となる。



図 5: Mg<sup>+</sup> COD 補正のブロック図

各ステップでの電場増加量の最大値については、 MADを用いて計算した。冷却していないビームの半 径をおよそ 5mm と仮定すれば、ダクト中心から電極 までの距離が 15mm または 13mm であるから、COD の最大値は 10mm 以下に抑える必要がある。計算に 用いたベータトロンチューンは、無分散モードで用 いる ( $\nu_x$ ,  $\nu_y$ ) = (2.07, 2.07) である。

実験セットアップは、陽子ビームの測定・補正のと きと一部異なる。最大の要因は、<sup>24</sup>Mg<sup>+</sup>の寿命が半 減時間10秒程度と短いためで、スペアナより高速に 測定を行えるログアンプを用いる必要がある。水平 方向の補正は偏向磁石の補正電流(BMC)6個で行う。 陽子ビームと異なり、電子ビーム冷却装置は稼動させ ないため、ECステアリングは使用しない。鉛直方向 の補正は「BPM キッカー」によって行う。S-LSR に は四重極磁石の位置に12個の静電 BPM があり、そ のうちの6つにアンプを接続して信号の読み取りに 用いている。未使用の6個の BPM は、直流電源につ なぐことで、上下の極板の間に電場を発生させ、鉛 直方向キッカーとして用いることができる。全体図 は図5のようになる。

#### 5. シミュレーションの結果

徐々に電場を追加していくという条件の下で、COD の増大量と補正要素の値を MAD によって計算した結 果が図 6 である。ここで磁場は初期状態  $B_0 = 1.26$ T から無分散モードで  $B_{df} = 2.52$ T、電場は  $E_0 = 0$ V/m から  $E_{df} = 7 \times 10^4$ V/m に増加している。電場と磁場 の最終値  $B_{df}$  と  $E_{df}$  は、無分散モードの条件  $E_{df} = vB_{df}/2$ を満たしている。

計算の結果、5回の電場増加-COD補正の過程によって、CODを10mm以下に保ったまま無分散モードに移行できることがわかった。各過程には磁場の安定までに数分の時間を要するため、全体で30分程度の時間が必要と見込まれる。

図6によると、鉛直方向のCODが大きく増加して



図 6: 無分散モードへの移行シミュレーション。上図 は COD の変化、下図は電場と磁場の変化を表してい る。灰色の部分は COD 補正を行うステップである。

いる。BPM は偏向磁石の両端にある四重極磁石の中 に設置してあり、BPM 位置での COD が完全に補正 されても、偏向磁石の中では残余の COD が発生して しまう。この量は電場に比例して大きくなるが、電 場が  $1.2E_{\rm df} = 8.4 \times 10^7 V/m$  以内であれば許容でき る。水平方向の COD はこれより小さく、補正したと きの 0.8mm は陽子ビームでの補正後 COD とほぼ等 しい。

補正角度の最大値は水平方向に 4.0mrad、鉛直方向 に 12.5mrad であり、これは BPM キッカーに 120V の 電圧をかければ実現できる。

### 6. まとめ

S-LSR では<sup>24</sup>Mg<sup>+</sup> を無分散モードで蓄積する準備 を進めている。電場の増加と COD 補正の繰り返しか らなる手順を構築し、その実現性について MAD を 用いて定量的な検討を行った。その結果、5 回の繰り 返しによって COD を 10mm 以下に保ったまま、無分 散モードに移行できることを確認した。

#### 参考文献

- [1] A. Noda: Nucl. Instrum. Methods 532 (2004) 150.
- [2] M. Ikegami et al.: Phys. Rev. ST-AB 7 (2004) 120101.
- [3] F. C. Iselin: CERN/SL/92.