## 円型加速器用多粒子トラッキングコード mbtrack を用いた RF 空洞起因のビーム不 安定性研究

## BEAM STABILITY INVESTIGATION WITH RF CAVTIY IMPEDANCES BY USING MULTIPATICLE TRACKING CODE MBTRACK

山本尚人 \*<sup>A)</sup>、A. Gamelin<sup>B)</sup>、R. Nagaoka<sup>B)</sup> Naoto Yamamoto<sup>\* A)</sup>, Alexis Gamelin<sup>B)</sup>, Ryutaro Nagaoka<sup>B)</sup> <sup>A)</sup>High Energy Accelerator Research Organization, KEK <sup>B)</sup>Accelerator Physics Group, Synchrotron SOLEIL

### Abstract

The *mbtrack* code is a multi-bunch tracking code to investigate collective effects in circular accelerators. In the next generation light sources, the impact of harmonic cavity on the beam dynamics should be investigated. For this purpose, we extended the *mbtrack* code to be able to treat high-Q resonators in a more general manner as the previous versions. By using this extension, the impact of main/harmonic rf cavities and their parasitic resonant modes can be investigated with arbitary bunch filling patterns. As a result of benchmarking tests, it is confirmed that well-known instabilities caused by cavity-impedances, such as AC/DC Robinson and coupled bunch instabilities, could be simulated.

### 1. はじめに

極低エミッタンスを狙う次世代の回折限界リングで は、電子ビームを安定に周回させるため6次元空間にお ける慎重なビームダイナミクスの検討が必要不可欠であ る。特にバンチ内電荷密度を緩和するために用いられる 高調波空洞システムは電子のバンチ内運動を非線形にす る作用がある。このバンチ内運動はシングル及びマルチ バンチ双方のビーム安定性に影響を及ぼすため、より詳 細な検討が必要とされている [1-3]。

高調波空洞を主空洞と合わせて用いることで、電子が 感じる実効的な高周波 (RF) ポテンシャルが平坦になり (これを"Flat potential condition"と呼ぶ)、電子バンチ の縦方向収束力を緩和できる。この結果、自然長と比べ RF 周波数や採用する高調波次数にもよるが、最大5倍 程度のバンチ伸張率が期待できる。しかし、バンチ伸張 運転時における高調波空洞電圧はビーム誘起電圧がその 成分のほとんどを占め、バンチの重心位相や分布形状の 変化に敏感である。このため、高調波空洞を用いたバン チ伸張運転では、平衡状態から少しずれた過渡的なビー ムを安定化できる信頼性の高い加速器運転条件の確立や 空洞自身の設計を行う必要がある。

本研究では"flat potential condition"がビームダイナ ミクスに与える影響、さらに参考文献 [1–3] で指摘され るような高調波空洞の結合インピーダンスが引き起こす ビーム不安定性を理解し、次世代光源リングに適用可能 な高調波空洞システムを探求することを目的にビームト ラッキングツールの開発を行った。開発では既存の電子 ビームトラッキングコード"mbtrack" [4,5] を用い、高調 波空洞システムを計算で再現するのに必要な機能を追加 した。本論文では mbtrack を簡単に紹介した後、追加し た機能について説明する。さらに、計算の妥当性を確認 するために行ったベンチマークテストの結果を示す。

## 2. MBTRACK CODE

mbtrack は sbtrack [4] コードをマルチバンチに拡張し たコードである。sbtrack は 6 次元位相空間での wake 場 と単一バンチ内電子との相互作用を粒子トラッキングに よりシミュレートし、特に電荷密度の高い状態でのビー ム安定性を調査するために開発された。mbtrack では複 数のバンチを扱うことにより、バンチ内に合わせバンチ 間の運動をも取り扱うことが可能となった。

通常、mbtrack ではバンチ内粒子を数万個のマクロ粒 子を用いて表現し、蓄積リング内に存在する種々のイン ピーダンス源が各バンチ内粒子に与える影響をシミュ レートする。我々が改良に取りかかる以前の 2016 年 版 [5] では、self-field, resistive wall, broad-band resonator, そして narrow-band (high-Q) resonator の取り扱いが可能 であった。mbtrack コードは C 言語で記述されており、 計算速度向上のため OpenMPI が使われている。

mbtrack では 2016 年の改良 (2016 年度版) において、 narro-band resonator, すなわち外部から RF パワーを供 給されない (Passive) 空洞, を通過する粒子が誘起する wakefield の複素時間発展としてビーム誘起電圧(beaminduced voltage)を計算するルーチンが追加された。こ の改良により Passive 高調波空洞運転時の計算が可能と なったが、それ以外の Active 空洞の取り扱いができな い、主空洞はいわゆる正弦波として理想的に扱われるな ど、高調波空洞システムのビーム安定性評価を行うには 十分ではなかった。なぜなら、主空洞自体も高調波空洞 と同様に結合インピーダンスを介して電子ビームと相互 作用し、空洞内部の電圧が時々刻々変化する。この変化 は RF ポテンシャルの形成つまりビームダイナミクスに 大きく影響を与えるからである。また近年、シングル, 数バンチ運転など平均蓄積電流の低い状態でのバンチ 伸張も強く求められつつあるが、この要求を満たすには Active 高調波空洞を採用し、ビーム誘起電圧のみでは不 足する分の RF 電力を補う必要があるからである。

<sup>\*</sup> naoto.yamamoto@kek.jp

### 3. 新機能の追加

mbtrack において、一般的な RF 空洞の取り扱いを可能とするため、既存の narrow-band resonator ルーチンを拡張した。具体的には下記に挙げる修正を行った。

- narrow-band resonator ルーチンに外部電力による電
   圧 (Generator-induced voltage)の取り扱いを追加
- 主加速空洞を narrow-band resonator ルーチンで取り扱えるよう拡張
- 各空洞において空洞電圧と位相を一定に保つフィードバックルーチンを追加
- 任意のフィルパターンにて計算可能とするための ルーチンを追加

あるバンチ内の m 番目の粒子によるビーム誘起電圧  $\tilde{V}_{\rm b}^{(m)}$  は、resonator の共鳴角周波数  $\omega_r$ , 負荷 Q 値 Q, シャントインピーダンス  $R_s$ , 粒子電荷  $q_m$  を用いると以下のように書ける。

$$\tilde{V}_{\rm b}^{(m)} = \tilde{V}_{\rm b}^{(m-1)} \exp\left[\left(i\omega_r - \frac{\omega_r}{2Q}\right)(t_m - t_{m-1})\right] - \frac{\omega_r R_s}{2Q} q_m(1)$$

次に空洞電圧  $\tilde{V}_{c}^{(m)}$  は Generator-induced voltage  $\tilde{V}_{g}$  と  $\tilde{V}_{h}^{(m)}$  の和として与えられる。

$$\tilde{V}_{\rm c}^{(m)} = \tilde{V}_{\rm g} + \tilde{V}_{\rm b}^{(m)} \tag{2}$$

ここで、 $\tilde{V}_g$ は振幅  $|\tilde{V}_g|$ および位相  $\theta_g$  で特徴付けられる 量である。空洞フィードバックルーチンにおいては、 $\tilde{V}_g$ と $\omega_r$ を用いて電圧と位相の一定化を図る。ただし、 $\omega_r$ の値はチューニング角を介して操作される。

### 4. ベンチマークテスト

新機能について計算が正しく行われていることを確認 するためにベンチマークテストを行った。ベンチマーク テストは主空洞が誘起する不安定性のうち、DC 及び AC Robinson 不安定性 [6] そして空洞の高次モードが引き起 こすバンチ結合型不安定性について試験を行った。この 際、蓄積リングのパラメータとしては KEK が提案した 次世代 3GeV 放射光源 (KEK-LS) [7] を用い、計算項目 に用いて幾つかパラメータを変更した。これら計算には 高調波空洞は考慮せずフィルパターンは数値的に解析解 の求めやすいユニフォームフィルを選んだ。

また、今回追加した機能ではバンチギャップによる過渡的な空洞電圧変化の計算も重要である。この目的には Swiss Light Source (SLS) で実際に高調波空洞を用いて 得られた試験報告 [8] とほぼ等しい空洞の運転パラメー タを再現して計算の妥当性を評価した。

本試験ではマクロ粒子数1万個とし、ビームロスが生 じるかビームが平衡状態になるまで計算を行った。

### 4.1 DC Robinson 不安定性

**DC** Robinson 不安定性は Static Robinson 不安定性と も呼ばれ、主空洞内に励振する RF 成分のうちビーム誘



Figure 1: Coherent frequencies and growth rates as functions of the stored current for the KEK-LS storage ring [10]. The solid curves indicate the analytical solution of the equations of motions for synchrotron oscillations. The evaluated values by *mbtrak* investigations are plotted by circles and crosses.

起電圧がある閾値を上回り、RF電圧によるビームへの 復元力が失われることで生じる。その閾値は RF 空洞に おけるビーム負荷電力を  $P_b \propto I$  (Iは平均蓄積電流値) 壁損失を  $P_c$ としたとき、以下のように簡単な関係式で 与えられる。

$$P_b < (1 + \beta_c) P_c \tag{3}$$

ただし、 $\beta_c$ は RF 空洞と外部との結合度である。

平均電流の増加に対し蓄積リングを空洞電圧一定とな るよう外部入力電圧を(減少方向に)調整しつつ運転した 場合、ビームのコヒーレントなシンクロトロン周波数が 徐々に低下していく。さらに平均電流が増加し上記関係 式で与えられる閾電流に達するとシンクロトロン周波数 が0となりビームが不安定となる。これが DC Robinson 不安定性である。

KEK-LS のパラメータのうち RF 空洞と入力カプラと の結合度を通常の 3.5 から 1.0 に変更し、上記で説明し たようなシミュレート計算を行った。また各電流値にお いてコヒーレント振動の周波数を調べ、ビーム不安定性 が確認されてものについては Growth rate の算出を行っ た。コヒーレント振動の周波数はトラッキングによって 得られたバンチ重心位置の時間発展を高速フーリエ変 換し、その周波数スペクトルから算出した。Growth rate は不安定性の現れたパラメータにて放射減衰の効果を 十分に小さく設定した後再計算し、バンチの振幅不変量 の時間変化を指数関数でフィッティングすることで算出 した。

mbtrack を用いたシミュレーションで得られたコヒー レント振動の周波数と Growth rate をシンクロトロン振 動の運動方程式から解析的に求めた値 [9] を Fig. 1 ([10] から転載) で比較する。解析的な計算ではバンチの重心 運動のみを考慮した。Figure 1 から mbtack の結果から 見積もった値(赤丸と青クロス)が解析計算の結果(実 線)をよく再現していることが確かめられた。



Figure 2: Amplitude invariants for longitudinal bunch center motions as functions for turn numbers with three different tunings offset for MC [10]. The growth rates obtained by numerical fittings are also shown in this figure.

 Table 1: Comparison of Growth Rates Calculated by the

 *mbtrack* and Analytical Method

Frequency shift	mbtrack	Analytical method
[kHz]	[1/s]	[1/s]
+6	$524\pm21$	513
+56	$211\pm4$	216
+106	$41.7\pm0.6$	43.7

### 4.2 AC Robinson 不安定性

AC Robinson 不安定性は主空洞の結合インピーダンス に由来するビーム不安定性であり、不安定性が生じると 各電子バンチは同位相(バンチ結合モード 0)で運動す る。この不安定性は、空洞の共鳴周波数が RF 周波数(電 子ビームの周回周波数の整数倍のうち空洞の共鳴周波数 に最も近いもの)と比べ高くなると生じる。

この AC Robinson 不安定性を評価するため、KEK-LS の主空洞について共鳴周波数を +6,56,106 kHz として トラッキングシミュレーションを行った。また、得られ たバンチ重心の時間発展のデータ(Fig. 2)を元に、前節 と同様の手段にて Growth rate を求めた。

この共鳴周波数のシフト量と得られた Growth rate の 値を Table 1 にまとめる。Table 1 では解析的な計算で予 測される Growth rate を併記した。Table 内、mbtrack に 対する Growth rate のエラーはフィッティングエラーで あり、mbtrack での計算結果は解析計算とほぼ等しいこ とがわかる。

さらにここでは詳細を割愛するが、Fig. 2 で示した結 果の内、比較的 Growth rate の小さい結果に対して周波 数スペクトルを確認し、ビーム不安定のバンチ結合モー ドが0となることも確認している。

HOM mode	TM011	TM012
Frequecny [MHz]	794	1312
Q-factor	34900	8500
Shunt impedance $[M\Omega]$	9.3	0.2
Analytical calculation		
Growth rate [1/s]	79	159
CB mode	559	594
mbtrack calculation		
Growth rate [1/s]	$86\pm3$	$156\pm7$
CB mode	559	594

# Table 2: Comparison of Growth Rates Calculated by the *mbtrack* and Analytical Method

#### 4.3 空洞高次モードによるバンチ結合型不安定性

今回改良した mbtrack を用いることで空洞に存在する 高次モード (HOM) が誘起するバンチ結合型不安定性も 計算することが可能となった。

ベンチマークでは縦方向バンチ結合型不安定性を引き 起こす幾つかの高次モード(具体的には PF 型空洞 [11] の TM011, TM012 を想定)について、主空洞とは別の narrowband-resonator がリング内に存在するとして計算 を行った。mbtrack の結果を解析的な計算で予測される 結果と比較(Table 2)したところ、Growth rate 及び不安 定性の振動モードがよく一致することが確かめられた。

### 4.4 バンチ伸張運転に対するビーム負荷変動の影響

フィルパターンにバンチギャップが存在すると空洞内 ではギャップ部においてビーム誘起電圧の供給が一時的 に失われるため、空洞電圧の振幅やビームに対する RF 位相が変動する。従ってバンチ伸張運転では、主空洞・ 高調波空洞のいずれもこの影響を受け電圧変動 (transient beam loading effect)が生じる。この変動の振る舞いは一 般的に主空洞と高調波空洞で異なるため、理想的な"flat potential condition"をバンチトレイン全体において同時 に実現することは不可能となる。これは、バンチギャッ プによる電圧変動を何らかの方法で補償しない限り、ユ ニフォーム以外のフィルパターンで理想的なバンチ伸張 効率を維持することは困難であることを意味する [12]。

先述したように SLS では高調波空洞システムをバン チギャップが存在する条件で運用し、バンチギャップ が大幅なバンチ伸張率の低下につながることを観測し た [8]。SLS では Passive 型の超伝導高調波空洞が採用 されている。SLS のグループはフィルパターンに 280 ns のバンチギャップを設け、平均電流 320 mA でバンチ 伸張運転を試みた。この時、バンチトレインから放射 されるシンクロトロン光をストリークカメラで測定し たところ、トレイン内のバンチ重心位置変動が 210 ps (peak-to-peak) となり、バンチ長は rms で 24 から 66 ps とバンチ位置に応じて変化することが確認された。SLS リングでバンチ伸張運転を行わない場合の自然バンチ長 は約 14 ps (rms) である。



Figure 3: Bunch center phase (red) and length (blue) along the bunch train with large bunch gaps for the SLS storage ring during the HC operation [10].

mbtrack を用い、参考文献 [8] とほぼ同じパラメータ にてシミュレーションを実施した。ビームの運動が平衡 状態に達した時の各バンチの重心位置とバンチ長を RF バケット位置の関数としてプロットしたものを Fig. 3 に 示す。シミュレーションの結果、得られたバンチ重心位 置の変動が 189 ps (peak-to-peak)、バンチ長が 22.3 から 51.5 ps (rms) であった。SLS の実験ではリング内に空洞 インピーダンス以外にも電子バンチに影響を与える様々 な要因が存在すること、測定の精度などを考慮すると、 mbtrack の計算結果は実験をほぼ再現していると考えら れる。

### 5. 高調波空洞起因の不安定性

ベンチマークテストで mbtrack の計算の妥当性を確認 した後、高調波空洞が存在する系におけるビームダイナ ミクスの検討を開始した。ここでは計算の一例を示す。

### 5.1 高調波空洞の運転パラメータ

主空洞に加え高調波空洞が存在する系において、リン グを周回する電子ビームが感じる RF 電場  $V(\phi)$  は、主 空洞電圧  $V_{fc}$ , m 次の高調波空洞電圧  $V_{hc}$  の主空洞電圧 に対する比  $k = V_{hc}/V_{fc}$  とそれぞれの位相  $\phi_{fc}$ ,  $\phi_{hc}$  を 用いて以下のように書ける。

$$V(\phi) = V_{fc} \{ \cos\left(\phi + \phi_{fc}\right) + k \cos\left(m\phi + \phi_{hc}\right) \}$$
(4)

任意のバンチ伸張率を得るための空洞運転条件 ( $k, \phi_{fc}, \phi_{hc}$ の組合せ)は上式がエネルギー保存則  $V(0) = U_0/e(U_0$ はリングー周あたりの放射ロスエネル ギー)、実現したいバンチ重心での電圧勾配 $V'|_0 = G$ 、 ビームの安定条件 $V''|_0$ の3つの関係を満たすように決

 Table 3: Principal Parameters of ESRF-EBS

RF frequency	MHz	352.370
Harmonics number		992
Revolution frequency	MHz	0.355
Main rf voltage	MV	6.6
Radiation loss per turn	MeV/turn	3.2
Stored Current	mA	200
Longitudinal damping time	ms	8.6

Table 4: Parameter of Harminic Cavity

frequency	MHz	3×352.370
Unloaded Quality factor		20000
$R/Q, R = V_c^2/Pc$	Ω	290

める。

$$\cos\phi_{fc} = \frac{m^2}{m^2 - 1} \frac{U_0}{eV_{fc}}$$
(5)

$$\tan \phi_{hc} = m \frac{G/V_{fc} + \sin \phi_{fc}}{\cos \phi_{fc}} \tag{6}$$

$$k = -\frac{\cos\phi_{fc}}{m^2\cos\phi_{hc}}\tag{7}$$

ここで、G = 0の時に電圧勾配がゼロ(この状態を flat potentail condition と定義)となりバンチ伸張率は最大 となる。Gが高調波空洞をデチューンした時の電圧勾配  $G_0 = -V_{fc} \sin \phi_{fc,0}$  (注: $\phi_{fc,0} \neq \phi_{fc}$ )より大きくなれ ばバンチ圧縮、小さくなればバンチ伸張となる。

### 5.2 ESRF-EBS の例

ESRF-EBS は 2020 年のコミッショニング開始を目指 し現在改修作業が進む準回折限界放射光源リングであ り、ビームエネルギー 6 GeV にて,水平エミッタンス 150 pmrad,定格電流 200 mA を目指す。現在進む第一期 計画では高調波空洞は含まれないが、将来のさらなる性 能向上を目指し高調波空洞の検討が進められている。

ESRF-EBS [3] にて Active 方式の高調波空洞を採用した場合のビーム安定性についてフィルパターンとしてユニフォームを仮定し調査を行った。ESRF-EBS の蓄積リングのパラメータを Table 3 に、仮定した高調波空洞のパラメータを Table 4 に示す。計算では高調波空洞を5 台用いると考えた。この場合、flat potential condition (G = 0)を実現するのに必要な空洞の運転パラメータは $k = 0.286, \phi_{fc} = 56.9$  度,  $\phi_{hc} = -102.24$  度となる。高調波空洞の結合度は空洞からの反射を最小にするよう決めると  $\beta_c = 0.35$  となり、高調波空洞を励振するのに必要な外部入力電圧は合計で 42.8 kW となる。

本論文では  $G/G_0 = 0.000, 0.075, 0.150$  として求 めたパラメータのもと調査した結果を Table 5 に示 す。ただし、高調波空洞の結合度はそれぞれ空洞か らの反射を最小にするように選んだ。また、 $G/G_0 =$ 0.000, 0.075, 0.150 はビーム不安定性が生じない場合、 バンチ長が 43, 32, 26 ps となる条件に対応する。高調

 Table 5: Beam Stability for Bunch Lenghening Operation

$G/G_0$	stable or unstable	Growth rate [1/s]
0.000	unstable (CB mode = $0$ )	$1000\sim 2000$
0.075	unstable (CB mode = 1)	$330\sim 500$
0.150	stable	-

波空洞を用いない場合の ESRF-EBS の自然バンチ長は 10 ps である。調査の結果、 $G/G_0 = 0.000, 0.075$  でビー ム不安定性によるビームロスが予測されたが、電子バ ンチの振る舞いを分析したところ不安定性のモードや Growth rate がそれぞれ異なった。また、 $G/G_0 = 0.150$ とした時は、電子ビームが安定に周回することが予測さ れた。

ところで、MAX-IVではバンチ伸張運転の際、高調波空 洞システムのパラメータを調整し flat potential condition を目指したところ、モード 0 の不安定性が生じ、さらに モード 0 ダンパーを導入することで不安定性を抑制す ることに成功したことが昨年報告されている [13]。また ALS-Uを想定した計算において、Vlasov 方程式を用い た解析的な計算の結果、高調波空洞の結合インピーダン スがモード 0,1 のバンチ結合型不安定性を引き起こす可 能性が示唆されている [2]。これらの先行報告から、今 回 mbtrack で示唆された不安定性について詳細に調査す ることが望まれる。

現在我々は mbtrack によるシミュレーションと参考文 献 [2] の手法を主空洞を含めて拡張した Vlasov ソルバー を用いて、研究を進めている。これら結果については改 めて論文等で報告する予定である。

### 6. まとめ

高調波空洞システムが存在する蓄積リングにおける電 子ビームのダイナミクスを調査するため、トラッキング コード mbtrack に機能を追加した。既知の RF 空洞に起 因するビーム不安定性や transient beam loading につい てベンチマークを行い、mbtrack を用いて得られた計算 結果の妥当性を確認した。

現在、mbtrack に加え別途開発した Vlasov ソルバーを 用いて、高調波空洞システムの存在する系におけるビー ムダイナミクスを調査している。本研究により高調波空 洞システムがビーム不安定性を引き起こす原因をより 深く理解し、次世代の回折限界リングにおいても安定に 運転できる高調波空洞システムを空洞デザイン・RF 制 御・ビーム制御などあらゆる観点から設計することを目 指す。

### 謝辞

本研究を進めるにおいて SOLEIL synchrotron の P. Marchand 氏、ESRF の J. Jacob 氏には高調波空洞 や計算結果について、相談に乗って頂きました。また、 SOLEIL synchrotron のスタッフの皆様には計算機の準 備など研究環境を構築して頂きました。ここに感謝しま す。本研究は科研費本研究は JSPS 科研費 JP17K05131 及び KEK 長期海外派遣制度の助成を受けたものです。

### 参考文献

- M. Venturini, "Harmonic cavities and the transverse mode-coupling instability driven by a resistive wall," *Phys. Rev. Accel. Beams*, vol. 21, p. 024402, Feb 2018. ; https://link.aps.org/doi/10.1103/ PhysRevAccelBeams.21.024402
- [2] M. Venturini, "Passive higher-harmonic rf cavities with general settings and multibunch instabilities in electron storage rings," *Phys. Rev. Accel. Beams*, vol. 21, p. 114404, Nov 2018.; https://link.aps.org/doi/10. 1103/PhysRevAccelBeams.21.114404
- [3] J. Jacob and V. Serrière, "Harmonic RF systems for ESRF-EBS - preliminary considerations -," in 22nd ESLS RF Meeting, 2018. ; https://www.synchrotron-soleil. fr/en/file/11244/download?token=NtsRaOFI
- [4] R. Nagaoka, R. Bartolini, and J. Rowland, "Studies of collective effects in soleil and diamond using the multiparticle tracking codes sbtrack and mbtrack," in *Proc. of PAC09*, vol. 1. Vancouver, BC, Canada, 2010, pp. 4637–4639.
- [5] G. Skripka, R. Nagaoka, M. Klein, F. Cullinan, and P. F. Tavares, "Simultaneous computation of intrabunch and interbunch collective beam motions in storage rings," *Nucl. Instr. Meth. A*, vol. 806, pp. 221–230, 2016.
- [6] A. Jankowiak, et al., "BESSY VSR technical design study," *Helmholtz-Zentrum Berlin*, 2015. ; https:// www.helmholtz-berlin.de/media/media/angebote/ bibliothek/reports/r0001-bessy-vsr-tds.pdf
- [7] T. Honda, "Concept of a new generation synchrotron radiation facility KEK Light Source," in Proc. 8th Int. Particle Accelerator Conf. (IPAC'17), Copenhagen, Denmark, no. 8. , May 2017, WEPAB047, pp. 2687–2690.; http: //jacow.org/ipac2017/papers/wepab047.pdf
- [8] M. Pedrozzi, J.-Y. R. W. Gloor, A. Anghel, M. Svandrlik, G. Penco, P. Craievich, A. Fabris, C. Pasotti, I. E. Chiaveri, R. Losito *et al.*, "SLS operational performance with third harmonic superconducting system," in *Proc. of 11th SRF workshop*, 2003, pp. 91–94.
- [9] K. Akai, "RF システム," in OHO テキストB ファクトリーの加速器. KEK, 1994, ch. 3.1.1, p. 5.4.; http://accwww2.kek.jp/oho/OHOtxt/ OHO-2002/txt-2002-5.pdf
- [10] N. Yamamoto, A. Gamelin, and R. Nagaoka, "Investigation of Longitudinal Beam Dynamics With Harmonic Cavities by Using the Code Mbtrack," in Proc. 10th International Partile Accelerator Conference (IPAC'19), Melbourne, Australia, 19-24 May 2019, no. 10. Geneva, Switzerland: JA-CoW Publishing, Jun. 2019, MOPGW039, pp. 178–180.; http://jacow.org/ipac2019/papers/mopgw039.pdf
- [11] T. Koseki, M. Izawa, and Y. Kamiya, "Dampedstructure cavity for a high-brilliant vacuum ultraviolet and soft xray storage ring," *Review of Scientific Instruments*, vol. 66, no. 2, pp. 1926–1929, 1995. ; http://scitation.aip.org/content/aip/ journal/rsi/66/2/10.1063/1.1145760
- [12] N. Yamamoto, T. Takahashi, and S. Sakanaka, "Reduction and compensation of the transient beam loading effect in a double rf system of synchrotron light sources," *Phys. Rev. Accel. Beams*, vol. 21, Jan. 2018, 012001.; https://link.aps.org/doi/10.1103/ PhysRevAccelBeams.21.012001
- [13] F. Cullinan, "Feedbacks against collective instabil-

ities at MAX-IV," in Next Generation Beam Position Acquisition and Feedback Systems, 2018. ; https://indico.cern.ch/event/743699/ contributions/3112143/attachments/1750504/ 2840093/Cullinan\_ARIESfbwkshpNov18.pdf