**PASJ2022 WEP048** 

# SuperKEKB における超伝導空洞用新 LLRF 制御システムの開発

# DEVELOPMENT OF NEW LLRF CONTROL SYSTEM FOR SUPERCONDUCTING CAVITY IN SuperKEKB

小林鉄也 \*,A), 赤井和憲 <sup>A)</sup>, 岡田 貴文 <sup>A)</sup>, 小笠原舜斗 <sup>A)</sup>, 可部農志 <sup>A)</sup>, 中西功太 <sup>A)</sup>, 西脇みちる <sup>A)</sup>, 岩城 孝志 <sup>B)</sup>, 林 和孝 <sup>B)</sup>, 張替 豊旗 <sup>B)</sup>, 山浦 正義 <sup>B)</sup>, 漁師 雅次 <sup>B)</sup>

Tetsuya Kobayashi \*, <sup>A)</sup>, Kazunori Akai <sup>A)</sup>, Takafumi Okada <sup>A)</sup>, Shunto Ogasawara <sup>A)</sup>,

Kota Nakanishi<sup>A)</sup>, Michiru Nishiwaki<sup>A)</sup>,

Takashi Iwaki<sup>B)</sup>, Kazutaka Hayashi<sup>B)</sup>, Toyoki Harigae<sup>B)</sup>, Masayoshi Yamaura<sup>B)</sup>, Masatsugu Ryoshi<sup>B)</sup>

<sup>A)</sup> High Energy Accelerator Research Organization (KEK)

<sup>B)</sup> Mitsubishi Electric TOKKI System Corporation (MELOS)

### Abstract

SuperKEKB accelerator is the world's highest luminosity collider with electron-positron asymmetric collision, which is aiming at the world highest luminosity. The commissioning of the SuperKEKB begun in 2016, and the world record of the luminosity was updated. In the RF system for SuperKEKB, both cavity types of normal conducting (NC) and superconducting (SC) are used. The digital LLRF control system for NC cavity operation has been developed. They are working successfully in the beam operation. In the present state, additionally, new digital LLRF control system was developed for SC cavity operation, and its prototype was constructed last year. Several new functions are implemented into the new system for the SC cavity operation. High power test of the prototype was performed by using a spare SC cavity, and desired performance was confirmed.

# 1. はじめに

SuperKEKB は電子陽電子非対称衝突型円形加速器 で、世界初となる衝突方式(ナノビーム・スキーム) を採用し、前身である KEKB 加速器の 40 倍のルミノ シティ(8×10<sup>35</sup> cm<sup>-2</sup>s<sup>-2</sup>)を目指している [1]。2016 年に最初のコミッショニング(Phase-1)が開始され、 2018 年から無事に衝突実験が始まった。その後も概 ね順調に性能向上が続けられ、2022 年 6 月には更に 世界最高記録を更新し、KEKB の 2 倍を大きく超え るルミノシティに達した [2]。今後も更なるアップ・ グレード(電流の増加)を進め、目標ルミノシティ を目指す。

SuperKEKB 加速器は、7GeV 電子リング (High Energy Ring, HER) と 4GeV 陽電子リング (Low Energy Ring, LER) とでメインリング (MR) が構成される。デ ザイン蓄積ビーム電流値は HER, LER それぞれ 2.6A, 3.6A である。

RF システムは常伝導、超伝導の2種類の加速空洞 が用いられている [3]。RF 装置の多くは KEKB で使 われていたシステム [4,5] を、増強した上でほぼ再 利用しているが、低電力高周波(LLRF)制御システ ムは、一部の常伝導空洞用ステーション(全体の約 1/3)において、FPGA を用いたデジタル式に更新さ れた [3,6]。残りのステーションに対してもデジタル 化を進めるため、新たに超伝導空洞用デジタル LLRF 制御システムの開発を行い、試作機が完成した。本 システムは、これまでの常伝導空洞用システムには ない新しい機能が多く追加されている。これらにつ いて詳細を紹介する。また、実際の超伝導空洞を用 いて大電力試験を行った結果を報告する。 RF 周波数は 508.9MHz で、前述の通り、常伝導空 洞と超伝導空洞 (SCC) [7] の 2 種類の加速空洞が使 用されている。常伝導空洞は、KEKB で結合バンチ 不安定性を抑えるために開発されたユニークな構造 で、ARES 空洞と呼ばれる [8,9]。ARES 空洞は、加速 空洞に結合空洞を介して貯蔵空洞を結合させた 3 連 空洞 ( $\pi/2$  モードで運転)にすることで、常伝導空 洞としてはかなり高い Q 値 ( $Q_0 \sim 120000$ )を実現 している。空洞パラメータ等は参考文献 [4] を参照 のこと。

MR は両リング併せて全 38 台の加速空洞があり (HER は ARES 空洞と SCC を併用、LER は ARES 空 洞のみ使用)、約 30 式の RF (クライストロン: KLY) ステーションで構成される。その他の詳細 (RF シス テム全体構成、運転パラメータおよび運転状況など) は前回の報告 [10] を参照して頂きたい。

加速電圧 (V<sub>o</sub>)の制御を行う LLRF 制御システムに ついては、SuperKEKB 用にデジタル技術 (FPAG)を 用いて高精度な LLRF 制御システムが開発され、早 くからデジタル LLRF 制御の実用を始めている。し かしながら、本システムは今のところ ARES 空洞の みに対応し、適用は全体の約 1/3 のステーションだ けとなっている。一方、SCC を含め、残りのステー ションでは KEKB から引き続きアナログ方式の制御 システム(CAMAC を介したリモート制御)で運転 されている。将来的にこれらも順次デジタル系に更 新することを目指し、SCC 用のデジタル LLRF 制御 システムの開発を行った。昨年、試作機が完成した ところである。

<sup>2.</sup> RF システム概要と状況

<sup>\*</sup> tetsuya.kobayashi@kek.jp

**PASJ2022 WEP048** 

# 3. SCC 用デジタル LLRF 制御システム

### 3.1 概要

Figure 1 に、本 SCC 用デジタル LLRF 制御システム のRF 制御(V。制御と空洞チューニング制御)に関す るブロック図を示す。本システムはμTCA 規格のプ ラットフォームに載った FPGA ボードを用いて、RF 信号(約10MHzの中間周波数に変換)を16bit-AD変 換し、IQ 検波/ IQ 変調方式でフィードバック(FB) 制御(=PI 制御)を行う。また、図には無いが、高速 RF インターロック(空洞反射検知やアーク放電検知 など)のための FPGA ボードがある。その他、真空・ 温度インターロック機能や、運転シーケンス動作な どは PLC が担っている。各 FPGA ボードと PLC は 組込 EPICS により完全リモート制御が可能になって いる。実際のハードウェア構成は、すでに稼働して いる ARES 空洞用デジタル LLRF 制御システムを踏 襲し、FPGA や PLC の機能、ロジックを SCC 用に適 合させた。既存システムの詳細は参考文献 [6] や過 去の発表を参照して頂くとして、本稿では、SCC 用 としての新機能について紹介する。

従来の ARES 空洞用には無く、SCC 用で加わった 機能は、主に下記の 4 種類である。

- (1) Piezo Tuner Control
- (2) Direct IQ Feedback
- (3) Breakdown (Quench) Detector
- (4) Pulse Aging Function

それぞれについて詳細を以下に説明する。

### 3.2 Piezo Tuner Control

チューナー制御を司る FPGA ボード(TNRCNT) のブロック図を Fig. 2 に示す。空洞入力と空洞ピッ クアップ信号の位相差(tuning オフセット込み)に応 じて、チューナー制御信号を生成する。ARES 空洞用 と同じ機械式チューナー制御(ステッピング・モー ター駆動用パルス生成)に加え、ピエゾ制御用ロジッ



Figure 1: Block diagram of new SCC-LLRF control system, which is based on that for ARES Cavity.



Figure 2: Block diagram of tuner control for SCC.



Figure 3: Detailed block diagram for Vc-Loop and KLY-Loop.

ク(DAC 出力)がある。ピエゾ制御では、すでに運 用されている cERL 用 LLRF [11] のロジックを踏襲 し、PI 制御を採用した。ただし、空洞シミュレータ (Section 4.1 参照)を用いた試験の結果、SuperKEKB での運用では支障になりそうな点がいくつか見つ かったので改善(後述)を行っている。

ちなみに、ARES 空洞(3 連空洞)用のチューナー 制御では、加速空洞用と貯蔵空洞用の2系統(機械 式チューナー制御のみ)を有している。

#### 3.3 Direct IQ Feedback

SuperKEKB の大きな蓄積ビーム電流では、ビーム 負荷の増大に伴いコヒーレントなシンクロトロン振 動数が低下し、安定な振動/復元力を失う、いわゆる static Robinson 不安定性が深刻な問題になる恐れがあ る。特に超伝導空洞がこの問題を顕著にする。これ を抑える手段の一つとして直接 RF フィードバック (Direct RF Feedback:DRFB =空洞ピックアップ信号 を逆位相で直接合成)が有効である [12,13]。本デジ タル・システムでは、DRFB に相当する機能として、 Fig. 3 に示すように、I/Q 成分を直接(PI 制御を介さ ず)反転・加算する"Direct IQ Feedback (DIQFB)" ルー プを新たに加えた。図は、Vc 制御ループ(Vc-Loop) と KLY 出力制御ループ(KLY-Loop)に関するブロッ ク図で、青色で示す信号ラインが DIQFB である。

DIQFBでは、ゲインや位相を調整する IQ-Rotation、 および IIR ファイルタが挿入されている。また反転 加算するポイントを DCCT-Rotation [14] の前後どち らかに選択できる(どちらが良いか検討の余地あ り)。DCCT-Rotation とは、大電流よる大きな空洞離

PASJ2022 WEP048

調(optimum tuning)に対してループ位相を補償する 機能である。

ちなみに、Vc-Loop 又は KLY-Loop の内側には、 KLY 出力位相ロックループ(KLY-PLL)がある。

### 3.4 Breakdown Detector

超伝導状態の異常(クエンチ等)を検知するため の Breakdown Detector (BDD)を、Vc-Loop 用 FPGA (Fig. 3) に新たに組み込んだ。BDD が異常を検知す ると、RF スイッチを切ると同時にビーム・アボー トのリクエスト信号を出力する。本 BDD では、1) Vc-Drop、2) Kly-Out Rising、3) Kly-Out Max の3種類 の検知方式を用意した。これらの動作ブロック図を Fig. 4 に示す。

"Vc-Drop"は、FB 設定電圧( $V_{FBref}$ )に対して $V_c$ の低下を検知する。"Kly-Out Rising"は、Vc-Loop 状態において KLY 出力( $V_k$ )の上昇(クエンチすると Q0値が低下により Vc が低下し、それを Vc 制御ループが補償するために KLY 出力を上昇させる)を検知するもので、上昇分の(任意時間幅の)積分値で判定する。ここでビーム電流( $I_b$ )の増加を考慮して判定される。"Kly-Out Max"は、単純に KLY 出力の閾値で判定するものであるが、その閾値は EPICS から与えられ、ビーム電流に応じて常に最適に(動的に)変化させることを想定している。SCC では BDDに加え、RF 停止時に大電流ビームによる高い励起電圧を避けるため、ビーム励起信号を検知しアボート・リクエストを出す空洞保護機能(Fig.4の"Beam Induce@RF-OFF"でアボート)を必要とする。

#### 3.5 Pulse Aging 機能

FB 制御の一部として、パルス・エージング(PA) 機能を加えた。FB 制御の目標設定値(Fig. 3 の"Ref") をパルス的に任意の割合で上昇させ、FB 制御の結果 として出力上昇パルスが作られる。FPGA 内で任意 にパルスを生成(上昇量、パルス幅および繰り返し レートを設定)できるので、外部からの信号入力は



Figure 4: Functional block diagram of breakdown detector.

必要とせず、非常に簡単に PA を行うことができる。

### 4. 空洞シミュレータを用いた性能評価

### 4.1 空洞シミュレータ

本システムの性能評価は、まず空洞シミュレー タ(Fig. 5)を用いて低電力で行われた。空洞シミュ レータは、ARES 空洞用システム評価のために開発 した ARES 空洞シミュレータ [15](製造は(株)三光 社 [16])を、SCC 用に適用させたものである。本シ ミュレータは、ARES 空洞特有の3連空洞の応答(反 射を含む)を模擬し、チューナー機能およびビーム 負荷(バンチ・ギャップを含む)を模擬することが 可能である。直接、RF 信号の入出力で使用でき、応 答は FPGA によるリアル・タイム演算処理で模擬す る(レイテンシは約 800ns)。SCC 用に用いる場合は、 ARES 空洞の貯蔵空洞部分を SCC とみなして使用す る。ここに、今回ピエゾ・チューナーを模擬する機 能(制御信号の ADC 入力)の追加・改造を行った。

空洞パラメータは任意に設定できるが、SCCの大きな入力結合度は(ARES 空洞兼用では)、FPGAでの整数演算(AD/DA-16bit)の精度が足りないので実際の反射特性は模擬できない。一方、負荷Q値(QL)は実際の空洞と同じになるようにしている。

後述するように、大電力試験前に空洞シミュレー タにより重要な不具合も見つかり修正できたので、 非常に有用であった。



Figure 5: Photo of the ARES cavity simulator including piezo tuner function.

#### 4.2 ピエゾ・チューナー制御試験

空洞シミュレータを用いて、ピエゾ・チューナー 制御試験を行った結果、基本的には正常に機能する ことが確認できた。ただし、比例制御では、かなり帯 域を狭くするか、比例ゲインを小さくしないと発振 することが分かった(空洞シミュレータの問題の可 能性もある)。一方、積分制御が非常に有効で精度良 く安定にチューニングが取れることを確認した。し かし、設定できる積分ゲインの値が粗すぎる(速す ぎる)ことが判明したので、より細かく(遅く)設 定できるよう改修した。また、制御 OFF 時に積分値 (アキュムレータ)がクリアされない(制御 ON 時に 出力が跳ぶ)不具合があったので、これについても 修正した。その他、IIR フィルタにおけるオーバーフ ロー処理が不完全だったので対処した。

#### 4.3 Direct IQ Feedback の特性評価

基本的な FB ループ特性は過去の報告(ARES 空洞 用)を参照して頂くとして、本稿では新たに追加さ

### Proceedings of the 19th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan October 18 - 21, 2022, Online (Kyushu University)

# PASJ2022 WEP048

れた DIQFB の試験について紹介する。

Figure 6 に示すセットアップで、空洞入力に与えた 外乱(振幅/位相変調)に対する抑制効果を評価し た。変調周波数は、シンクロトロン振動を想定して 3kHz とした。この FB ループをブロック線図にする と Fig. 7 のようになる。ここで、Direct FB ループを 含む空洞の伝達関数  $\mathbf{H}_{cavDF}$  (I,Q の転送行列)は、空 洞単体の伝達関数  $\mathbf{C}(s)$  を用いて、

$$\mathbf{H}_{cavDF} = \left[\mathbf{E} + \gamma \mathbf{C}\right]^{-1} \cdot \mathbf{C}$$
(1)  
$$\gamma = \alpha / (1 - \alpha), \ \alpha = V_{DF} / V_{PI}$$

$$\mathbf{C}(s) = \frac{\omega_{1/2}}{\Delta\omega^2 + (s + \omega_{1/2})^2} \begin{bmatrix} s + \omega_{1/2} & -\Delta\omega \\ \Delta\omega & s + \omega_{1/2} \end{bmatrix} (2)$$
$$\omega_{1/2} = 2\pi f_{\rm a}/(2Q_{\rm L}), \ \Delta\omega = 2\pi (f_{\rm a} - f_{\rm rf})$$

と書ける。ここで E は単位行列、そして  $f_{a}, f_{ff}$  はそ れぞれ空洞共振周波数、RF 周波数である。また、 $\alpha$ は、メイン・ライン信号  $V_{PI}$  に対する FB 信号  $V_{FB}$  の 振幅比である。一般的に DRFB の場合、反転位相か らズレた分、cos で  $\gamma$  に掛かるが [12]、本 DIQFB で は、ほぼ理想的に IQ 反転で FB できるので、反転位 相のズレはないものとする。これより、外乱に対す る抑制特性 (閉ループ)の伝達関数  $\mathbf{H}_{DR}$  (= x/y) は、

$$\mathbf{H}_{\mathrm{DR}} = \left[\mathbf{E} + \mathbf{H}_{\mathrm{cavDF}} \cdot \mathbf{H}_{\mathrm{PI}}\right]^{-1} \cdot \mathbf{H}_{\mathrm{cavDF}}$$
(3)

と書ける。 $\mathbf{H}_{\text{PI}}$ は PI 制御の伝達関数で、 $\mathbf{H}_{\text{PI}}(s) = (P_{\text{gain}} + I_{\text{gain}}/s)\mathbf{E}$  ( $P_{\text{gain}}, I_{\text{gain}}$ はそれぞれ比例ゲイン、 積分ゲイン)である。また本評価におけるループ遅 延は(3kHzの外乱に対しては)無視する。

以上を踏まえ、DIQFB の特性を、異なる PI ゲイン について測定した結果を Fig. 8 に示す。横軸を  $\alpha$  と して、外乱(3kHz)の抑制率を( $\alpha = 0$ を基準に)プ ロットしている。左右それぞれ振幅変調、位相変調 を行った場合で、記号マークが測定点、実線/破線 が Eq. (3) による計算値を示す。 $Q_L$  は 60000 として、 空洞は共振点(I,Q は独立と見做せる状態)での評



Figure 6: Measurement setup for evaluation of DRIQFB.



Figure 7: Block diagram of the FB loop including direct feedback.



Figure 8: Evaluation Results of disturbance reduction by DIQFB for  $Q_{\rm L} = 60000$ . Solid and dashed lines indicate the calculation.

価である。これより、計算と良く合あう測定結果が 得られ、FPGA ロジックに問題ないことが確認でき た。PI ゲインが大きいと DIQFB の効果は小さくな るが、実際の運用で PI 制御のループ帯域を絞る場合 に DIQFB が重要になる。

4.4 ビーム負荷の模擬試験

もう一つ、ビーム負荷を模擬した FB 制御試験に ついて簡単に紹介する。

Figure 9 に、Vc-Loop において、空洞シミュレータ でバンチ・ギャップを含むビーム負荷を模擬(加速 電圧 1.5MV、加速位相 80°、ビーム電流 2A、バンチ・ ギャップ5%を想定)した例を示す。横軸を時間(ス パン 48μs) に、空洞モニタ信号(左右それぞれ振幅、 位相)をプロットしている。バンチ・ギャップによ り 10µs 周期(=SuperKEKBの Revolution 周期)で振 幅・位相が変調されている。ここでは通常の Vc-Loop 制御およびチューナー制御と併せて、 $\alpha = 0.5$ (ゲイ ン-6dB、 $\gamma = 1.0$ )として DIQFB も加えている。ま た、空洞はビーム負荷に応じて離調 (optimum tuning) されている。これにより(入力結合器の条件は異な るが)、バンチ・ギャップ・トランジェントような大 きな変調に対しても DIQFB は安定に動作し、制御 システムに問題ないことが確認できた。これでビー ム不安定性については模擬できないが、DRFB の効 果は実際の運転で検証されている [12,13]。バンチ・ ギャップ・トランジェントによる影響や対策につい ては、文献[17]等を参照のこと。

# 5. 実際の超伝導空洞を用いた大電力試験

最後に、実際に SCC(運転用の予備空洞: Q<sub>L</sub> ~ 55000)を用いて、横測定用テストスタンドで行った 大電力試験について紹介する。



Figure 9: Simulation test of applying beam loading with bunch gap transient in Vc-regulation control.  $V_c$  amplitude and phase transient are shown.

試験結果の例として、Vc レギュレーションと PA における波形を、それぞれ Fig. 10 と 11 に示す。いず れも横軸を時間(それぞれスパン 5 ms、20 ms)にし た空洞ピックアップ信号( $V_c$ =1MV 時)の振幅(左) と位相(右)である。Figure 11 は KLY 出力波形も併 せて示している。

Vc レギュレーション (Fig. 10) において、従来通 り振幅、位相それぞれ 0.03%, 0.03° (rms) 以下の安 定性が確認できた。ここで DIQFB ( $\alpha = 0.5$ ) も適用 しており、問題なく動作している。

PA (Fig, 11) は、周期 5 ms、幅 1 ms で振幅 10% 上昇させている例で、期待する矩形パルス出力が正 常に作られた。ここで KLY 出力がオーバーシュート しないように、FB 制御は積分制御だけ(比例ゲイン を 0) にしている(積分ゲインでパルス形を調整)。 PA により実際に予備空洞でエージング効果が得ら れ、効率的に  $V_c$ を上昇させることができた。図は Vc-Loop での例であるが、KLY-Loop でも同様に可能 である。

その他、チューナー制御(ピエゾ制御を含む)や BDDも正常に機能する(空洞シミュレータでの状況 を再現する)ことが確認できた。ただし、ピエゾ制 御における比例制御は、更にループ帯域を狭く(ゲ インを小さく)する必要があった。この理由の一つ として、空洞や cryostat の機械的な共振(周波数が数 + Hz)が考えられる。いずれにせよピエゾ制御は積 分制御により問題なく高精度にチューニングを取る ことができた。また、実際の運転を想定し、様々な 条件での動作確認や、立ち上げシーケンスなどの試 験を行った結果、このままでもビーム運転に適用で きると判断された。

以上の通り、大電力試験では特別な問題は見られ ず期待通りの動作が確認できた。空洞シミュレータ を用いた事前の試験により予め問題点を把握し、対 処できていたことは非常に良かったと感じる。

# 6. まとめ

SuperKEKBの更なる大電流ビーム蓄積に向け、新 規に SCC 用のデジタル LLRF 制御システムを開発し た。本システムでは、SCC の運転に必要な(従来の ARES 空洞にはない)様々な機能を追加している。試 作機の性能評価を行った結果、期待通りの特性が確 認でき、このままビーム運転に適用しても問題なさ そうである。

| 2.1042E4<br>2.103E4<br>2.102E4 | Amplitude   | 0.2 %   | 8.26 | Phase  | 0.2 deg   |
|--------------------------------|---|---|------|--|---|
| 2.101E4<br>2.1E4<br>2.099E4    | terreka kana ka katemi kana katemi<br>Pripaka dia dia kana pada katemiana | nderskalst <mark>endlikteration</mark><br>Japorta and Japaneser | 0.1  | ann d'i poilseachte an starte<br>Strives is meriodelie in faiter | Marshandi), waar ( <mark>Daladi) aska</mark><br>Marken (Dalata) na <mark>daardah ka</mark> ka |
| 2.098E4                        | <b>←</b> 5ms  | S   |      | <b>←</b> 5r  | ns→   |

Figure 10: Waveform of Vc amplitude and phase under Vc-regulation FB control at  $V_c = 1$  MV.



Figure 11: Waveform of amplitude and phase of  $V_c$  and klystron output in pulse-aging applying.

#### 謝辞

ARES 空洞シミュレータの開発および SCC 用に向けた改造においては、(株) 三光社の石垣氏および武田氏に多大な貢献をして頂き、期待するシステムが完成したことに、心より感謝致します。

#### 参考文献

- [1] http://www-superkekb.kek.jp
- [2] https://www-linac.kek.jp/skekb/status/web/ 2022ab\_history.png
- [3] "RF System", SuperKEKB Deign Report, 2014, pp. 149-215.
- [4] K. Akai *et al.*, "RF systems for the KEK B-Factory", Nucl. Instrum. Meth. A 499, 2003, pp. 45-65.
- [5] T. Abe *et al.*, "Performance and operation results of the RF systems at the KEK B-Factory", Prog. Theor. Exp. Phys., 2013, 03A006.
- [6] T. Kobayashi *et al.*, "Development and Construction Status of New LLRF Control System for SuperKEKB", Proc. of IPAC2014, WEPME071, 2014, pp. 2444-2446.
- [7] T. Furuya *et al.*, "Superconducting Accelerating Cavity for KEK B-factory", Proceedings of SRF1995, CEA-Saclay, France, 1995, p. 729.
- [8] Y. Yamazaki and T. Kageyama, "A Three-Cavity System which Suppresses the Coupled-Bunch Instability Associated with the Accelerating Mode", Part. Accel., 44, 107, 1994.
- [9] T. Kageyama *et al.*, "The ARES cavity for KEKB", Conf. Proc. of APAC98, 1998, pp. 773-775.
- [10] T. Kobayashi *et al.*, "Operation Status of LLRF Control System in SuperKEKB", Proc. of PASJ2021, TUP044, pp. 541-545.
- [11] T. Miura *et al.*, "Digital LLRF Control System for cERL", Proc. of PASJ2016, MOP012, pp. 336-339.
- [12] K. Akai *et al.*, "Verification of RF Feedback to Suppress Longitudinal Instability due to Beam Loading in SuperKEKB", Proc. of PASJ2020, WEPP35, pp. 320-324.
- [13] K. Akai, "Stability analysis of rf accelerating mode with feedback loops under heavy beam loading in SuperKEKB ", Phys. Rev. Accel. Beams 25, 102002 (2022)
- [14] T. Kobayashi *et al.*, "Phase Compensation Function for Cavity Detuning due to Heavy Beam Loading in I/Q-Feedback Control", Proc. of PASJ2018, WEP104, pp. 622-627.
- [15] T. Kobayashi *et al.*, "Development of ARES Cavity Simulator", Proc. of PASJ2012, WEPS121, pp. 757-761.
- [16] http://www.sanko-sha.net/
- [17] T. Kobayashi and K. Akai, "Advanced simulation study on

Proceedings of the 19th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan October 18 - 21, 2022, Online (Kyushu University)

PASJ2022 WEP048

bunch gap transient effect", Phys. Rev. Accel. Beams 19, 062001, 2016.